## 大深度潜航器水下空间运动建模与仿真

乔  $^{1}$ , 刘 鑫<sup>2</sup>, 袁 龙<sup>3</sup>

(1. 中国船舶重工集团有限公司第七一〇研究所, 湖北 宜昌 443003;

2. 中国人民解放军 32023 部队, 辽宁 大连 116000; 3. 中国人民解放军 32033 部队, 海南 海口 571100)

摘 要 分析大深度潜航器水下空间运动特点,建立描述其空间运动的数学模型,并以数学模型为基础 利用 MATLAB\Simulink 软件完成潜航器空间运动仿真模型的开发。在搭建的仿真模型基础上,通过数学仿真 手段分析了潜航器在螺旋下潜、抛载过渡、定角爬升、稳定至水面航行状态下的水下运动全过程,给出了具 有弧形翼板的潜航器外形设计方案的运动能力仿真评估,为后续潜航器运动能力优化设计提供仿真依据。

关键词 大深度潜航器;数学模型;弧形翼板;运动仿真
中图分类号 TP89 文献标识码 A 文章编号 2096-5753(2020)01-0065-06
DOI 10.19838/j.issn.2096-5753.2020.01.012

## Modeling and Simulation for Underwater Space Motion of Large-depth Vehicle

QIAO Bing<sup>1</sup>, LIU Xin<sup>2</sup>, YUAN Long<sup>3</sup>

(1. No. 710 R&D Institute, CSIC, Yichang 443003, China;

2. No. 32023 Unit of PLA, Dalian 116000, China; 3. No. 32033 Unit of PLA, Haikou 571100, China)

Abstract The characteristics of underwater space motion of large-depth vehicle is analyzed, and the mathematical model describing its space motion is established. Based on the mathematical model, the Matlab\Simulink software is used to complete the development of space motion simulation model of vehicle. On the basis of the established simulation model, the mathematical simulation method is used to analyze the whole process of underwater motion of vehicle in the state of spiral submergence, load-throwing transition, constant angle climbing and surface navigation after stabilizing is described. The motion capability simulation evaluation of the vehicle in the shape design scheme with an arc wing-plate is given, which provides the simulation basis for the following optimization design of the motion capability of the vehicle.

Key words large-depth vehicle; mathematical model; arc wing-plate; motion simulation

## 0 引言

自主式水下无人潜航器(AUV)是在无人操控的 情况下自主完成复杂海洋环境作业的水下机器人,广 泛应用于海洋观测和海洋作业领域<sup>[1-2]</sup>。对于大深度作 业的潜航器,其续航能力、空间运动能力、航行稳定 性等是其水下深海作业的基础。通过数学仿真手段, 分析大深度潜航器水下空间运动状态,对潜航器总体 设计和参数优化具有深远的指导意义。

本文研究的大深度潜航器为深海搜索探测型 AUV,其通过释放浮筒装置产生负浮力,并结合安 装在头部附近的弧形翼板提供侧向力和力矩,实现 潜航器的无动力螺旋下潜。当潜航器到达预定水深 时,将弧形翼板和下潜压载同时释放,此时潜航器

作者简介:乔冰(1983-),女,硕士,高级工程师,主要从事水下无人装备建模与仿真研究。

稳定过渡至预定水深航行;当潜航器上浮时,通过 释放上浮压载产生正浮力实现定角爬升;当接近水 平面时,释放平衡压载实现稳定过渡至水面。其水 下空间运动过程如图1所示。本文对潜航器在大攻角 条件下进行运动建模与仿真,分析其在弧形翼板作 用下的螺旋下潜以及抛载调节质浮心距实现下潜、 上浮的运动特性,并实现各运动过程之间进行切换, 给出潜航器水下空间运动全过程仿真结果。



图 1 潜航器水下空间运动方案 Fig. 1 Underwater space motion scheme of vehicle

## 1 潜航器外形

潜航器外形为回转体,为了实现潜航器无动 力螺旋下潜运动,在潜航器首部下潜压载下方加 装弧形翼板。弧形翼板的安装位置和局部细节如 图 2 所示。





弧形翼板随下潜压载一同安装释放,主要功能 是实现潜航器的无动力螺旋下潜。当潜航器到达预 定水深时,将弧形翼板和下潜压载同时抛掉,此时 潜航器在预定水深达到平衡,开始工作。

## 2 潜航器空间运动建模

建立潜航器水下空间运动模型是研究其空间 运动的基础。根据大深度潜航器空间运动特点,建 立描述其空间运动的数学模型,并将数学模型进行 二次建模转换,建立潜航器空间运动仿真模型,用 于大深度潜航器水下空间运动仿真研究。

## 2.1 建模流程

为确保建立潜航器空间运动模型的正确性和 适用性,如图3所示,建模以下流程。



图 3 潜航器空间运动建模流程

Fig. 3 Modeling flow of vehicle's space motion

1)建模准备。

了解仿真需求和潜航器的自身特点,掌握其空间运动特点,为仿真建模奠定基础。

2)假设条件。

分析潜航器建模的主要作用因素,包括空间运动规律、流体参数和衡重参数等作用因素,并假设

研究对象为水下全沾湿状态下进行模型的搭建。

3)模型构成。

根据建模的假设条件和建模原理,引入描述潜 航器空间运动规律运动学模型和动力学模型,选取 合适的建模坐标系(详见章节 2.2),建立在相应坐 标系下的潜航器空间运动数学模型。

4) 模型分析。

基于上述准备,完成对潜航器空间运动微分方 程组的理论推导,通过数值求解得到初步的空间运 动轨迹,并对结果进行数学分析。

5) 模型验证。

对所建模型在典型工况下进行数学仿真计算, 并分析仿真结果是否满足要求,分析其运动规律与 设定结果是否接近或相符。

6) 模型应用。

在模型验证正确的基础上,根据仿真的用途和 建模的目的将潜航器数学模型转化为适用于仿真 分析的仿真模型,应用于仿真分析研究。

## 2.2 建模坐标系

选取合适的建模坐标系是建立潜航器空间 运动数学模型的前提。本文采用大地坐标系 onxnynzn和体坐标系 oxyz 为基础建立潜航器空间 运动数学模型,现给出各个坐标系的定义及相互 转换关系。

1) 大地坐标系  $o_0 x_0 y_0 z_0$ 。

大地坐标系相对于地面静止不动。其原点 00选 在地面某处; o<sub>0</sub>x<sub>0</sub>轴在水平面内指向任意方向;  $o_0 y_0$  轴铅直向上;  $o_0 z_0$  轴垂直于  $o_0 x_0$  和  $o_0 y_0$  轴,其 方向使该坐标系成为右手坐标系。潜航器相对大地 坐标系的运动就是其相对地面的运动。

2) 体坐标系 oxvz。

体坐标系也称运动坐标系,体坐标系各坐标轴

$$\boldsymbol{C}_{ob} = \begin{bmatrix} \cos\theta\cos\psi & \sin\phi\\ -\sin\theta\cos\psi\cos\phi + \sin\psi\sin\phi & \cos\thetac\\ \sin\theta\cos\psi\sin\phi + \sin\psi\cos\phi & -\cos\theta \end{bmatrix}$$

根据矩阵的正交性,体坐标系到大地坐标系的 坐标转换矩阵为

$$C_{bo} = C_{ob}^{T}$$

与潜航器固连(相对于潜航器静止不动)。体坐标 系的原点 o 选在潜航器的浮心处; ox 轴沿潜航器 纵轴并指向前方; ov 轴位于潜航器的纵向对称面 内,与 ox 轴垂直并指向上方; oz 轴垂直于 ox 和 ov 轴, 其方向使该坐标系成为右手坐标系(从潜 航器尾部向前看 oz 轴指向右侧 )。

3)坐标系转换。

大地坐标系与体坐标系如图 4-5 所示。



图 4 大地坐标系示意图 Fig. 4 Schematic diagram of geodetic coordinate



图 5 体坐标系示意图 Fig. 5 Schematic diagram of volume coordinate

体坐标系相对与大地坐标系的姿态,利用3个 姿态角 $\theta$ 、 $\psi$ 、 $\varphi$ 进行描述,分别为俯仰角、偏航角、 横滚角。从大地坐标系(用o表示)到体坐标系(用 b表示)的转换矩阵为

$$C_{ob} = C_1(\varphi)C_3(\theta)C_2(\psi)$$
展开表达式有:

θ  $-\cos\theta\sin\psi$  $\sin\theta\sin\psi\cos\varphi + \cos\psi\sin\varphi$ os Ø  $\sin \varphi - \sin \theta \sin \psi \sin \varphi + \cos \psi \cos \varphi$ 

2.3 数学模型

建立潜航器空间运动数学模型时, 可视其为 刚体,将流体动力和其他作用力作为外力。根据 上述坐标系及转换矩阵推导出空间运动方程;根据动力定理和动量矩定理推导出动力学方程<sup>[3]</sup>; 潜航器空间运动数学模型由运动学模型和动力学 模型组成。 1)运动学方程。

运动学方程由描述潜航器空间运动的航行 轨迹方程和转动运动方程组成,具体数学模型描述为

$$\begin{vmatrix} x_0' \\ y_0' \\ z_0' \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} v_x \cos\theta \cos\psi + v_y (\sin\psi \sin\varphi - \sin\theta \cos\psi \cos\varphi) + v_z (\sin\psi \cos\varphi + \sin\theta \cos\psi \sin\varphi) \\ v_x \sin\theta + v_y \cos\theta \cos\varphi - v_z \cos\theta \sin\varphi \\ -v_x \cos\theta \sin\psi + v_y (\cos\psi \sin\varphi + \sin\theta \sin\psi \cos\varphi) + v_z (\cos\psi \cos\varphi - \sin\theta \sin\psi \sin\varphi) \end{bmatrix}$$

$\left[\psi'\right]$	0	$\sec\theta\cos\varphi$	$-\sec\theta\sin\varphi$	$\omega_x$	
$\theta' =$	0	$\sin \varphi$	$\cos \varphi$	$ \omega_{y} $	
$\left\lfloor \varphi' \right\rfloor$	1	$-\tan\theta\cos\varphi$	$\tan\theta\sin\varphi$	$\omega_{z}$	

式中: x<sub>0</sub>、y<sub>0</sub>、z<sub>0</sub>为潜航器相对于大地坐标系的 位置; v<sub>x</sub>、v<sub>y</sub>、v<sub>z</sub>为潜航器浮心在体坐标系中相 对各坐标轴的速度分量;  $\omega_x$ 、 $\omega_y$ 、 $\omega_z$ 为潜航器旋 转角速度在体坐标系中相对各坐标轴的角速度 分量。 2) 动力学方程。

根据空间刚体的动量定理和动量矩定理,在大 地坐标系中有:

$$\frac{\mathrm{d}(m\vec{V}_{C})}{\mathrm{d}t} = \vec{F}$$
$$\frac{\mathrm{d}\vec{L}_{C}}{\mathrm{d}t} = \vec{M}_{C}$$

将上述向量式展开,并忽略无穷小项,得到动 力学方程组:

$$\begin{cases} m \Big[ v_{x}' - v_{y}\omega_{z} + v_{z}\omega_{y} - x_{c}(\omega_{y}^{2} + \omega_{z}^{2}) + y_{c}(\omega_{x}\omega_{y} - \omega_{z}') + z_{c}(\omega_{x}\omega_{z} + \omega_{y}') \Big] = F_{x} \\ m \Big[ v_{y}' - v_{z}\omega_{x} + v_{x}\omega_{z} - y_{c}(\omega_{z}^{2} + \omega_{x}^{2}) + z_{c}(\omega_{y}\omega_{z} - \omega_{x}') + x_{c}(\omega_{y}\omega_{x} + \omega_{z}') \Big] = F_{y} \\ m \Big[ v_{z}' - v_{x}\omega_{y} + v_{y}\omega_{x} - z_{c}(\omega_{x}^{2} + \omega_{y}^{2}) + x_{c}(\omega_{z}\omega_{x} - \omega_{y}') + y_{c}(\omega_{z}\omega_{y} + \omega_{z}') \Big] = F_{z} \\ \int_{x} \omega_{x}' + (J_{z} - J_{y})\omega_{y}\omega_{z} + m \Big[ y_{c}(v_{z}' + v_{y}\omega_{x} - v_{x}\omega_{y}) - z_{c}(v_{y}' + v_{x}\omega_{z} - v_{z}\omega_{x}) \Big] = M_{x} \\ \int_{y} \omega_{y}' + (J_{x} - J_{z})\omega_{z}\omega_{x} + m \Big[ z_{c}(v_{x}' + v_{z}\omega_{y} - v_{y}\omega_{z}) - x_{c}(v_{z}' + v_{y}\omega_{x} - v_{x}\omega_{y}) \Big] = M_{y} \\ \int_{x} \omega_{z}' + (J_{y} - J_{x})\omega_{x}\omega_{y} + m \Big[ x_{c}(v_{y}' + v_{x}\omega_{z} - v_{z}\omega_{x}) - y_{c}(v_{x}' + v_{z}\omega_{y} - v_{y}\omega_{z}) \Big] = M_{z} \end{cases}$$

式中:  $F_x$ 、 $F_y$ 、 $F_z$ 和 $M_x$ 、 $M_y$ 、 $M_z$ 分别为作用于水 下潜航器各坐标轴上的外力和力矩之和;  $x_c$ 、 $y_c$ 、 $z_c$ 为潜航器的质浮心距;  $J_x$ 、 $J_y$ 、 $J_z$ 为潜航器坐标系 下相对各坐标轴的转动惯量; m为潜航器的质量。

3) 流体动力分析。

当潜航器在水中航行时,流体在潜航器外形表 面流动,潜航器与流体相互作用便发生在它们相互 作用的表面<sup>[4]</sup>,因此潜航器的外形设计决定了其流 体动力学性能。文中研究的潜航器通过首部设计的 弧形翼板实现螺旋下潜运动,采用数值水洞仿真试 验方法<sup>[5]</sup>计算潜航器运动过程的流体动力系数,并 施加在动力学方程中进行空间运动解算。

由于潜航器在螺旋下潜的过程中,会产生较大 的攻角和侧滑角,因此流体动力表现出明显的非线 性<sup>[6]</sup>。在进行流体动力参数拟合过程中,关于攻角 的流体参数,采用多项式形式表达,充分考虑了参 数的非线性问题。其中,升力系数和俯仰力矩系数 拟合结果为  $C_v(\alpha) = -5.6056\alpha^5 + 8.6143\alpha^3 + 1.216\alpha$ 

 $m_{z}(\alpha) = 0.6989\alpha^{5} - 1.248\alpha^{3} + 0.9681\alpha + 0.00382$ 2.4 仿真模型

建立潜航器空间运动仿真模型就是将上述数 学模型通过仿真软件转化为适用于计算机仿真分 析的过程。根据潜航器空间运动特点,空间运动描 述要求在大攻角条件下进行建模仿真。基于上述数 学模型的推导和建模流程,利用 MATLAB/ Simulink 模块化建模方式实现潜航器的空间运动 仿真模型的搭建[7-8]。仿真模型采用的模块化设计, 方便模块的移植和编写,并且易于对特定参数进行 修改。

#### 3 潜航器空间运动仿真

根据研究对象空间运动的特点,潜航器在进行 大深度水下运动过程中包含螺旋下潜段、抛载过渡 段、定角爬升段、稳定至水面段4种运动过程。其 运动过程是在大攻角状态下进行的,并在各个运动 阶段之间进行切换,参数变化较复杂,仿真难度较 大。本文通过计算仿真辅助手段,对潜航器空间运 动进行仿真分析,给出潜航器水下空间运动全过程 运动仿真。

## 3.1 仿真设置

潜航器水下空间全过程运动仿真参数设置如 表1所示。

Table 1Motion simulation settings of whole process					
名称	符号	数值			
初始速度/(m·s <sup>-1</sup> )	$(v_{x0}, v_{y0}, v_{z0})$	(0, 0, 0)			
初始姿态角/(°)	$( heta_0,\psi_0,\varphi_0)$	(0, 0, 0)			
初始位置/m	$(x_0, y_0, z_0)$	(0, -150, 0)			
初始角速度/((°)·s <sup>-1</sup> )	$(\omega_{x0}, \omega_{y0}, \omega_{z0})$	(0, 0, 0)			

# 表1 全过程运动仿真设置

## 3.2 仿真曲线

为了便于观测潜航器水下运动全过程,仿真设 计将各个运动阶段的仿真时间较实际工作时间缩 短。其中,螺旋下潜段的仿真时间为 300 s; 仿真 进行到 300 s 时,进行抛载动作:稳定过渡至 400 s 时,进行定角爬升;爬升至900s时,进行抛载过 渡仿真: 总仿真时长为1 200 s。潜航器水下空间 运动仿真结果如图 6-9 所示。



Fig. 8 Curve of pitch angle



Fig. 9 Curve of attack angle

## 3.3 结果分析

由上述仿真曲线可知:潜航器在螺旋下潜段 (0~300 s)、抛载稳定至水下 6 000 m 段(300~ 400 s),定角爬升段(400~900 s)的运动状态均符 合预期设想,满足设计需要;通过运动建模与仿真 分析手段有效验证了潜航器弧形翼板总体设计的 可行性和水下空间运动能力。

## 4 结束语

本文对大深度潜航器的空间运动模型和运动 仿真展开了分析和研究。针对潜航器空间运动特 点,建立符合其空间运动规律的数学模型和仿真 模型;以仿真模型为基础,通过数学仿真方法分 析了潜航器在螺旋下潜、抛载过渡、定角爬升、 稳定至水面运动的全过程运动状态。仿真结果表 明:本文所研究的潜航器采用弧形翼板设计可实 现螺旋下潜功能,且航行稳定;通过抛载实现潜 航体质浮心距的调节,满足了潜航器在上浮过程 定角爬升的要求。

通过对大深度作业下潜航器的建模与空间运动仿真研究,可为设计人员在潜航器弧形翼板总体 方案设计及运动参数优化方面提供有效的考核验 证手段,有效指导设计人员评估潜航器的空间运动 能力,提前释放设计风险。

## 参考文献

- [1] 徐玉如,庞永杰,甘永,等.智能水下机器人技术展望[J].智能系统学报,2006,1(1):9-16.
- [2] ALAAELDEEN M E A, 段文洋.Overview on the development of autonomous underwater vehicles (AUVs)[J]. 船舶力学, 2016, 20(6): 768-787.
- [3] 严卫生.鱼雷航行力学[M]. 西安:西北工业大学出版 社,2005.
- [4] 张宇文. 鱼雷外形设计[M]. 西安: 西北工业大学出版社, 1998.
- [5] 孙善春,宁波.流体动力参数预报的数值水洞方法 [C]//第十四届中国海洋(岸)工程学术讨论会.北 京:中国海洋学会,2009.
- [6] 黄景泉,张宇文. 鱼雷流体力学[M]. 西安: 西北工 业大学出版社, 1989.
- [7] 贾秋玲,袁冬莉,栾云凤.基于 MATLAB.x/Simulink/
   Stateflow 系统仿真、分析及设计[M].西安:西北工
   业大学出版社,2006.
- [8] 沈建森,朱书平,周徐昌.基于 Matlab/Simulink 的水下航行器建模与仿真[J]. 兵工自动化,2012,31
  (2):24-27.

(责任编辑:曹晓霖)