# 主动声呐目标实时航迹解算算法仿真研究

# 高貂林,徐 娜,侯晓迁

(海鹰企业集团有限责任公司,江苏无锡214061)

摘 要 由于水中声速较低,主动声呐完成量程范围的探测往往需要花费几秒甚至几十秒的时间,这 个时间即为主动声呐的扫描周期。主动声呐对目标的搜索、跟踪等处理都是按扫描周期进行的,目标信息刷 新率较低,其上报系统进行目标诸元解算时同样具有这一特点。为了提高声呐效能及系统解算效率,提出了 一种无迹卡尔曼滤波(UKF)与野值剔除相结合的目标实时航迹解算算法:首先在以声呐扫描周期为间隔获 取的目标信息基础上,采用 UKF 预测出目标每秒方位、距离信息,并对野值点进行处理,实时地调整滤波增 益或者进行野值计算,最后利用目标的位置信息解算出目标每秒的航速和航向信息。通过目标在不同航向、 航速下的仿真实验,验证了本文算法的有效性和正确性。

关键词 无迹卡尔曼滤波;航迹解算;目标信息;野值

中图分类号 TN975 文献标识码 A

### Simulation Research on Real-time Target Trajectory Solution Algorithm for Active Sonar

GAO Diaolin, XU Na, HOU Xiaoqian (HAIYING Enterprise Group Co., Ltd., Wuxi 214061, China)

**Abstract** Due to the low speed of sound in water, it takes several seconds or even tens of seconds for the active sonar to complete the detection of the range. Which is the scanning cycle of the active sonar. As active sonar conduct activities, including searching, tracking of target, etc., in terms of scanning cycles, its update rate is low and its reporting system has the same feature when it resolves the target's elemants. For the improvement of sonar performance and the efficiency of the system's visual interpretation, this paper proposes a real-time target trajectory solving algorithm that combines unscented Kalman filter (UKF) and outlier elimination. The algorithm first uses UKF to predict the target's azimuth and distance information per second on the basis of the target information acquired at the interval of the sonar scanning cycle, and then adjusts the filter gain or performs outlier calculation in real time according to the outlier processing, and finally uses the location information of the target to solve the target speed and heading information per second. The simulation experiment of the target under different headings and speeds is carried out to verify the validity and correctness of the proposed algorithm.

Key words unscented Kalman filtering; trajectory solution; target information; outlier

0 引言

航向航速是海上目标的重要特征,能准确获取 目标的航向航速信息对于海上目标的跟踪和识别 具有非常重要的意义。目标的航向航速解算方法 已得到广泛的研究<sup>[14]</sup>,特别是利用发射周期内收 到的跟踪信息对目标航向航速解算的方法研究较 多,而对每一秒目标航向航速的解算研究较少。由 于航迹解算的过程中需要用到目标的方位、距离, 声呐检测到的目标方位、距离越精确,航迹解算误

收稿日期:2018-08-11

作者简介:高貂林(1988-),女,硕士,工程师,主要从事舰壳声呐信号处理方面的研究。

差就越小。主动声呐是声呐自主发射声信号,并通 过检测目标发射回波精确获取目标的方位及距离, 而被动声呐往往只能获取目标的方位,无法获取目 标距离,因此,本文只研究主动声呐目标实时航迹 解算算法的仿真。由于水中声速较低,主动声呐的 发射周期往往需要花费几秒甚至几十秒的时间,而 主动声呐对目标的搜索、跟踪等处理都是按发射周 期进行的,目标信息刷新率较低。且在实际情况 中,目标航向航速的解算是较为复杂的过程,本舰 与目标的运动轨迹除受声呐自身固有的探测误差 影响外,还受到海况和水流等诸多外在因素的影 响,这些因素都会导致本舰与目标在某时刻偏离其 预定运动轨迹,会使滤波器发散,导致航迹解算误 差增大。

针对上述目标实时航向航速解算的困难,本文 提出一种采用无迹卡尔曼滤波(UKF)与野值剔除 相结合的方法来预测目标每一秒的位置信息,进而 解算出目标每一秒的航向航速,相较于传统的无迹 卡尔曼滤波方法<sup>[5]</sup>和已有的抗野值卡尔曼滤波方 法<sup>[69]</sup>,提高了滤波精度和目标信息刷新率,达到 提高系统目指解算效率,缩短系统反应时间的目 的。

## 1 目标航迹解算算法

目标航迹解算算法是根据声呐设备以扫描周 期为间隔输出的目标舷角、与本舰距离信息作为参 考信息来预测目标在未来每一秒的方位、距离、航 向和航速等信息。其解算过程分为3个部分:一是 采用卡尔曼滤波器预测目标每一秒的位置信息;二 是野值的判断、剔除;三是利用预测目标的位置信 息解算出目标的航速和航向信息。算法基本流程 如图1所示。由于目标航迹解算算法的计算间隔 为1s,与声呐的扫描时间间隔不相等。因此,在进 入滤波算法之前需要判断算法的输入值,如果当前 时刻有声呐设备输出的目标最新方位、距离信息, 则将其作为算法的输入值,用来消除上一时刻目标 航迹解算的误差,校正目标的准确位置;如果当前 时刻无声呐设备输出的目标最新方位、距离信息, 则使用上一时刻(前1s)的预测值作为航迹解算 算法的输入值。



图1目标航迹解算算法基本流程



#### 1.1 无迹卡尔曼滤波(UKF)

UKF 以无损变换(UT)为基础,利用对称采样 策略,假设 *m* 维随机变量 *x* 的均值为  $\hat{x}$ ,方差为 *P*, 产生  $2n + 1 \uparrow \delta$ (Sigma)点以及对应的权值为:

$$\xi = \begin{bmatrix} \hat{x} & \hat{x} \pm \sqrt{(m+\lambda)P} \end{bmatrix}$$
(1)  
$$\begin{cases} W_0^m = \lambda/(m+\lambda) \\ W_0^c = \lambda/(m+\lambda) + (1+\alpha^2+\beta) \\ W_i^m = W_i^c = 0.5/(m+\lambda) \end{cases}$$
(2)

式中: $\lambda$  为控制参数,且有  $\lambda = \alpha^2(m+k) - m; \alpha$  通 常取为小的正值; $\beta$  描述x 的分布信息,对于高斯噪 声来说, $\beta$  最优值为 2。

通过*z* = *f*(*x*) 对上述2*n* + 1个西格玛点进行非 线性变换,并计算的均值和协方差,可得:

$$x_i = f(\xi_i) \quad i = 0, 1, \cdots, 2m$$
 (3)

$$\hat{z} = \sum_{i=0}^{2m} W_i^m x_i \tag{4}$$

$$P_{z} = \sum_{i=0}^{2m} W_{i}^{c} (\xi_{i} - \hat{x}) (\xi_{i} - \hat{x})^{\mathrm{T}}$$
(5)

由此可见,非线性函数的均值估计和方差估计 可以通过 UT 变换实现,来得到状态估计。

以式(5)作为非线性系统模型,则基于 UT 变换的 UKF 算法过程如下:

1) 初始化。

$$\hat{x}_0^+ = E[x_0] \tag{6}$$

$$P_{0}^{+} = E[(x_{0} - \hat{x}_{0}^{+})(x_{0} - \hat{x}_{0}^{+})^{\mathrm{T}}]$$
(7)  
2) 计算 Sigma 样点即选取 UT 变换的变量。

 $x_{k-1} = \begin{bmatrix} \hat{x}_{k-1} & \hat{x}_{k-1} \pm \sqrt{(m+\lambda)P_{k-1}} \end{bmatrix} \quad (8)$ 式中:m 为状态参数个数: $\lambda = \alpha^2(m + k) - m$  为尺 度因子;  $\alpha$  为 Sigma 点到  $\hat{x}_{t-1}$  的距离,  $\alpha$  一般取 10<sup>-4</sup>  $\leq \alpha \leq 1$ ; k 为常数, 一般取0或3-m<sub>o</sub>

3) 时间更新。

$$x_{k|k-1} = f(x_{k-1}, w_{k-1})$$
(9)

$$\hat{x}_{k|k-1} = \sum_{i=0}^{2L_a} W_i^{(m)} x_{i,k|k-1}$$
(10)

 $P_{k \mid k-1}$ =

$$= \sum_{i=0}^{2L_a} W_i^{(c)} \left[ x_{i,k|k-1} - \hat{x}_{k|k-1} \right] \left[ x_{i,k|k-1} - \hat{x}_{k|k-1} \right]^{\mathrm{T}}$$
(11)

$$y_{k|k-1} = h(x_{i,k|k-1})$$
(12)

$$\hat{y}_{k|k-1} = \sum_{i=0}^{2L_a} W_i^{(m)} y_{i,k|k-1}$$
(13)  
$$W_i^{(m)} = W_i^{(c)} + \frac{1}{2} (2) \quad (13)$$

$$P_{y_k y_k} = \sum_{i=0}^{m} W_i^{(c)} \left[ y_{k+k-1} - \hat{y}_{k+k-1} \right] \left[ y_{k+k-1} - \hat{y}_{k+k-1} \right]^{\mathrm{T}}$$
(14)

$$P_{x_{k}y_{k}} = \sum_{i=0}^{m} W_{i}^{(c)} \left[ x_{i,k+k-1} - \hat{x}_{k+k-1} \right] \left[ y_{k+k-1} - \hat{y}_{k+k-1} \right]^{\mathrm{T}}$$

(15)

Т

$$K_{k} = P_{x_{k}y_{k}} P_{x_{k}y_{k}}^{-1}$$
(16)

$$\hat{x}_{k} = \hat{x}_{k|k-1} + K_{k}(y_{k} - \hat{y}_{k|k-1})$$
(17)

$$P_{k} = P_{k|k-1} - K_{k} P_{y_{k} y_{k}} K_{k}^{T}$$
(18)

UT变换能以二阶或更高阶泰勒精度逼近非线 性系统状态的后验均值和协方差,因此,UKF 的滤 波精度较高:同时 UKF 不需要计算非线性函数的 雅可比矩阵,计算简单,而且也不要求系统状态函 数和量测函数连续可微。UKF在工程应用中,当 处理的系统维数较高时,由于 UKF 中自由调节参 数k < 0.会使得某些确定性采样点的权系数  $W^{(e)}$ < 0, 而导致滤波中出现协方差非正定情况, 从而 引起滤波值的不稳定甚至引起滤波器发散。

#### 1.2 野值判断、剔除

实际系统中,信号除了带有随机误差外,还会 混入特定干扰信号。如果干扰信号动态分布特性 接近随机误差分布特性,一般可以等同于随机误 差,不会对滤波造成较大的影响,并能被有效滤 除。如果干扰信号动态分布特性明显异于随机误 差,超过了允许范围,使得测量值受到较大干扰,无 法较为准确地表达目标可能的位置信息,此时的测 量值可认为是野值。野值导致较大的测量误差,甚 至可以使得滤波过程发散、计算溢出等。因此,在 收到测量值进入滤波处理之前,要对测量值进行合 理性检验。合理的予以保留,不合理的判为野值予 以滤除。由于滤波算法必须为等间隔采样,不能漏 采数据,剔除野值后必须用一个合理的值来补充。 通常采用一个估计值作为该时刻的测量值。

野值判断、剔除的方法很多,本文采用新息判 别法。根据滤波系统新息统计特性的变化,能够动 态检测测量数据中是否存在野值。当滤波器处于 最佳状态时,新息序列为白噪声序列,均值为零。 新增加的样本点所带来的新息以线性组合对 UKF 滤波估计产生影响,当样本点为正常时,新息会对 滤波器估计值以滤波器的增益 k<sub>k</sub> 进行正确的修 正,滤波器处于最佳状态;当样本点为野值时,新息 也以滤波器的增益 k, 对当前值进行错误的"修 正",此时的新息严重偏离白噪声,滤波器工作在 非最佳状态,可能造成滤波发散。野值判别、剔除 处理过程如下:

1) 野值判断。

令新息:

 $\sigma =$ 

$$e_{k} = y_{k+k-1} - \hat{y}_{k+k-1}$$
(19)  
滤波哭為完时 新自如标准偏差为 **7** 日

当滤波器稳定时,新息的标准偏差为 $\sigma$ ,且:

$$\sqrt{\frac{1}{2m}\sum_{i=0}^{2m}W_{i}^{(c)}\left[y_{k+k-1}-\hat{y}_{k+k-1}\right]\left[y_{k+k-1}-\hat{y}_{k+k-1}\right]^{T}}$$
(20)

可以给出观测值 y<sub>k</sub> 的每一个分量是否为野值的定 义及辨识方法。判别式子为

$$|(e_k)_i| \leq C\sigma_{i,i} \tag{21}$$

式中: $\sigma_{ii}$ 为新息标准偏差对角线上的第 i 个元素;

 $(e_k)_i$ 为 $e_k$ 的第i个分量;C一般取3或者4。如果 式(21)成立,则可认为 $(y_k)_i$ 为正常观测量,反之, 则认为 $(y_k)_i$ 为野值。该判别方法的特点是计算量 小,便于实时在线处理。更为重要的是,通过该方 法可以清楚地判明观测值中的哪些分量超出了极 限误差,从而可以有针对地改进事先假定的目标运 动状态模型、噪声统计特性模型等,达到提高滤波 精度的目的。

2) 野值剔除。

由 UKF 滤波递推式知,状态估计值  $\hat{x}_k$  是通过 新的观测值  $y_k$  对预测值  $\hat{y}_k$  修正后获得的, $y_k$  对状 态估计的作用大小完全取决于增益矩阵  $K_k$ 。显 然,要获得精确的估计值  $\hat{x}_k$ , $Y_k$  必须正常。当  $Y_k$  失 真或成为野值时,需要调节  $K_k$  来获得精确的估计 值  $\hat{x}_k$ 。设观测数据  $y_k$  的第 i 个分量( $y_k$ )<sub>i</sub> 不满足式 (21),即( $y_k$ )<sub>i</sub> 为野值。经滤波计算出增益矩阵  $K_k$ 后,可根据滤波收敛性调节其大小,令  $K_k = mK_k$ (0 < m < 1),然后继续求滤波估值  $\hat{x}_k$  和滤波误差协 方差  $P_k$ ,从而在估计出目标状态参数的同时,消除 了野值点的影响。

### 1.3 求解目标航向航速

声呐载体(舰船) 配备有 GPS 和惯性导航系统,能实时得到声呐载体自身的地理坐标及对地航向航速。结合卡尔曼滤波器输出的每一秒目标相对声呐载体的位置信息  $M_k(R_k, \alpha_k)$ ,可推导出目标每一秒的地理坐标,经过一段时间的对目标的持续观测可以估计出目标的绝对航向和航速。

#### 2 算法仿真

假设声呐扫描周期为 10 s,预测周期为 1 s,目 标做匀速直线运动。按照目标航迹解算算法的基 本流程(图 1),利用 MATLAB 软件进行算法仿真 验证。

在仿真中,设定目标做匀速直线运动,初始方 位为45°,初始距离为6000m,距离测量值加入均 值为0、标准差为160m的白噪声,方位测量值加入 均值为0,标准差为1.7°的白噪声以模拟声呐实际 探测误差。设定航速分别为4 kn、6 kn、8 kn、 10 kn、12 kn, 航向分别为 45°、90°、135°、180°、 225°,并在每条航迹中加入 3 个野值。以航速 8 kn,航向 45°的航迹为例,用本文方法解算出来 的航迹图如图 2 所示。



各航路 UKF 算法趋于稳定后,计算目标航向、

航速的二阶原点矩误差。其结果如图 3、图 4 所示。



Fig. 3 Solution errors of headings under different headings and speeds



图 4 不同航向航速下,航速解算误差



#### headings and speeds

由图 2 可以看出,不加野值点剔除前,UKF 滤 波器虽然也可以收敛,但是,目标的运动轨迹会随 着野值点的出现而发生变化,而加入野值点剔除 后,目标的运动轨迹与目标的实际运动相一致,不 会随着野值点的出现而发生变化。

由图 3 可以看出,目标航向与目标初始位置的 夹角等于0或180°时,目标航向和航速的解算误差 最小;随着目标航向与初始方位的夹角逐渐远离 0 时,目标航向和航速解算误差增大;靠近 180°时, 解算误差减小。随着目标航速的增加,目标航向的 解算误差逐渐减小。造成这种现象的可能原因:当 目标低速时,周期间的目标位置变化较小,此时目 标位置的随机误差会对目标航向解算产生更大的 影响。

由图 4 可以看出,随着目标航速、航向与初始 位置的夹角的变化,目标航速解算误差无明显变化 规律。

## 3 结束语

本文在实验室条件下,开展了基于 UKF 方法 的目标航迹解算算法的理论仿真验证工作,给出了 不同条件下的误差分析结果。设定本舰静止、目标 匀速直线运动,通过距离上加入均值为 0、标准差 为 160 m,方位上加入均值为 0、标准差为 1.7° 的白 噪声模拟声呐实际探测误差,并在仿真过程中随机 加入了 3 个野值点。在声呐对目标稳定跟踪(目标 距离不小于 3 000 m)情况下,在目标航速不低于 8 kn 时,目标航向解算误差(二阶原点矩)在 7° 范 围以内、航速解算误差(二阶原点矩)在1kn以 内。本文仿真过程未考虑目标的轨迹运动情况和 跟踪稳定性差异等对解算结果的影响,后续需进一 步验证本算法的可行性,并优化完善该算法。

#### 参考文献

- [1] 黄孟俊,陈建军,赵宏钟.海上目标航向航速解算新 方法[J].信号处理,2011,27(7):1034-1038.
- [2] 姚惠元. TWS 雷达目标航迹跟踪及预测算法研究[D]. 哈尔滨:哈尔滨工业大学,2011.
- [3] 余俊,吴晓朝,许一男,等.巴特沃斯滤波器在雷达目 标航迹处理中的应用[J].火力与指挥控制,2011, 36(2):129-131.
- [4] 马慧萍,向海飞.用于训练模拟器的雷达真实目标航
   迹提取算法[J].电子科技,2011,24(3):59-61.
- [5] 刘明雍,沈俊元. 一种基于无迹卡尔曼滤波的 UUV 协同定位方法[J]. 鱼雷技术,2011,19(3):205-208.
- [6] 张怡,廉晶晶,黄文刚. 抗野值性能的无迹卡尔曼滤波算法的研究[J]. 计算机工程与应用,2012, 48(33):153-156.
- [7] 张强,孙红胜,胡泽明. 目标跟踪中野值的判别与剔除方法[J]. 太赫兹科学与点子信息学报,2014, 12(2):256-259.
- [8] 张文超,王同合.GNSS 导航定位结果野值检测与修 正[J].信息工程大学学报,2015,16(4):498-503.
- [9] 贾浩正. 抗野值的航迹数据 Kalman 滤波[J]. 测控技术,2014,33(9):26-28.